



**ANCAD**  
• ANGSTREM CUSTOM DESIGN •

Стрибог

**Исследование статистических  
свойств выходных  
последовательностей функции  
сжатия алгоритма *Стрибог***

**Любушкина И.Е.**

Главный специалист, к. т. н.

**Панасенко С. П.**

Заместитель генерального директора по науке и системной интеграции

к. т. н., Microsoft Certified Professional

**ООО Фирма «АНКАД»**



## Международные исследования алгоритма Стрибог

### 1. R. AlTawy *et al*:

- Технология rebound-атаки;
- Коллизии для внутреннего блочного шифра, усеченного до 7,75 раунда;
- Коллизии для функции сжатия алгоритма Стрибог, усеченной до 9,5 раунда включительно.

### 2. Z. Wang *et al*:

- Технология rebound-атак, усиленная за счет использования Super-Sbox-методики;
- Коллизии для функции сжатия алгоритма Стрибог, усеченной до 9,5 раунда включительно;
- Различитель для функции сжатия, усеченной до 10 раундов;
- Метод построения мультиколлизий ( $k$ -коллизий) для полнораундовой функции сжатия с трудоемкостью, существенно меньшей трудоемкости нахождения  $k$ -коллизий для «идеальной» функции.

## Международные исследования алгоритма Стрибог (Продолжение)

### 3. R. AlTawy и A. M. Youssef:

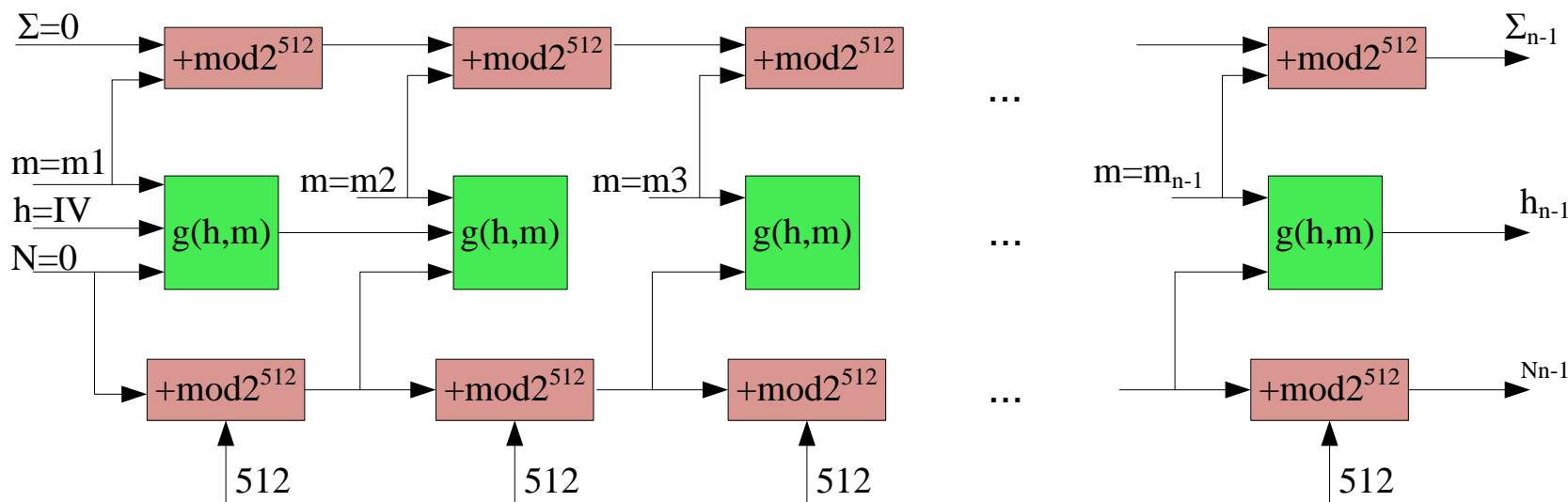
- Технология интегрального криптоанализа;
- Различитель для внутреннего блочного шифра, усеченного до 7,5 раунда включительно;
- Различитель для функции сжатия алгоритма, усеченной до 7 раундов включительно.

### 4. J. Guo *et al.*:

- Технология исследования хэш-функций, построенных по схеме HAIFA;
- Пример атак с нахождением вторичных прообразов за  $2^{266}$  вызова функции вычисления хэш-значения длиной 512 бит для длинных сообщений по сравнению с  $2^{512}$  вызовами «идеальной» хэш-функции.

## Структура алгоритма Стрибог

- ✓  $M = (m_1 || m_2 || m_3 || \dots || m_n)$  – входное сообщение  $M$  представляется как массив элементов по 512 бит;
- ✓  $N$  - счетчик длины сообщения;
- ✓  $\Sigma$  - промежуточная сумма;
- ✓  $h$  - промежуточное значение хэш-функции.



## Функция сжатия Стрибог

Функция сжатия построена по схеме Миягучи-Пренила:

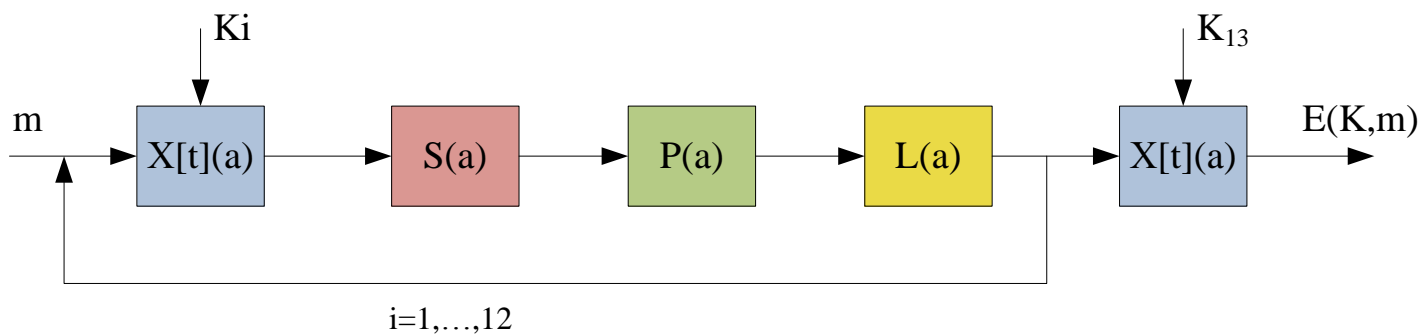
$$g_N(h, m) = E(K, m) \oplus h \oplus m$$

Шифр  $E(K, m)$  является 12-раундовым AES-подобным алгоритмом:

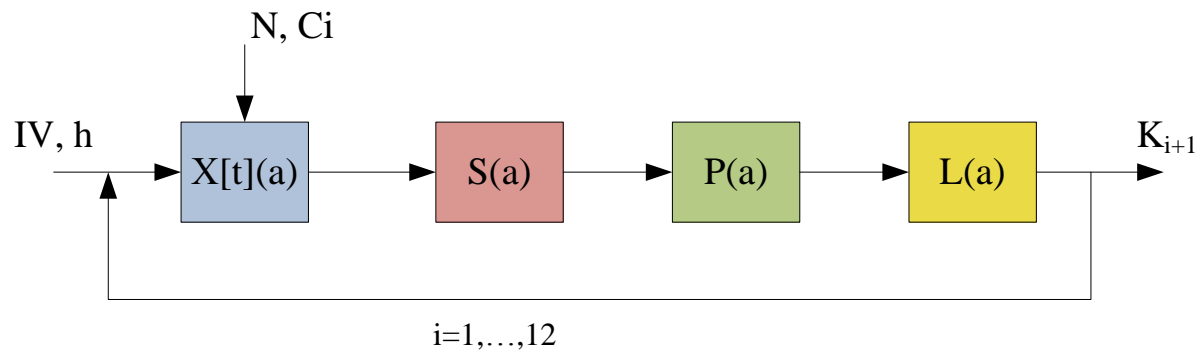
- $K$  – псевдоключ;
- $m$  – часть обрабатываемого сообщения длиной 512 бит.

На каждой итерации шифра используется обновленный псевдоключ  $K_i$ , где  $i = 1, \dots, 12$ .

## Функция сжатия Стрибог



## Блочный шифр E(K,M)



## Функция преобразования псевдоключа

## Функция сжатия Стрибог

Операции блочного шифра  $E$ :

- ✓  $X[t](a)$  – суммирование по модулю 2:  $t \oplus a$ ;
- ✓  $S(a)$  – побайтовое замещение символов из таблицы замен;
- ✓  $P(a)$  – перестановка байтов в соответствии с вектором  $\tau$ ;
- ✓  $L(a)$  – умножение на матрицу  $A$  в поле  $GF(2)$ .

Псевдоключ  $K = K_1$  вычисляется по формуле  $K = h \oplus N$ . Далее значение ключа на каждом раунде складывается с константой  $C_i$ , где  $i = 1, \dots, 12$ .

Цель исследования статистических свойств выходной последовательности

**Гипотеза:** операции блочного шифра (XSPL) построены правильно и обеспечивают монотонность выходной последовательности.

**Цель:** поиск семейства «плохих» входных значений  $m$ , приводящих к вырождению рандомизирующих свойств функции сжатия.

**Входные данные:** последовательность  $m$  512 бит, разбитая на блоки по 64 бита

$$m = (m_0 \parallel m_1 \parallel m_2 \parallel \dots \parallel m_7)$$

Проводился полный перебор значений одного блока  $m_i$  ( $2^{64}$ ). Значения остальных блоков были зафиксированы. Для каждого значения  $m_i$  вычислялось значение

$$g_0(IV, m_i)$$

**Выходные данные:** Преобразованное значение  $m_i$ . Выходная последовательность проверялась на соответствие критерию случайности.



## Статистическое исследование: Покер-тест

$$X = \frac{2^m}{k} \left( \sum_{i=1}^{2^m} n_i^2 \right) - k,$$

где  $n$  – длина тестируемой последовательности, а  $m$  и  $k$  – это целые положительные числа, определяемые следующим соотношением:

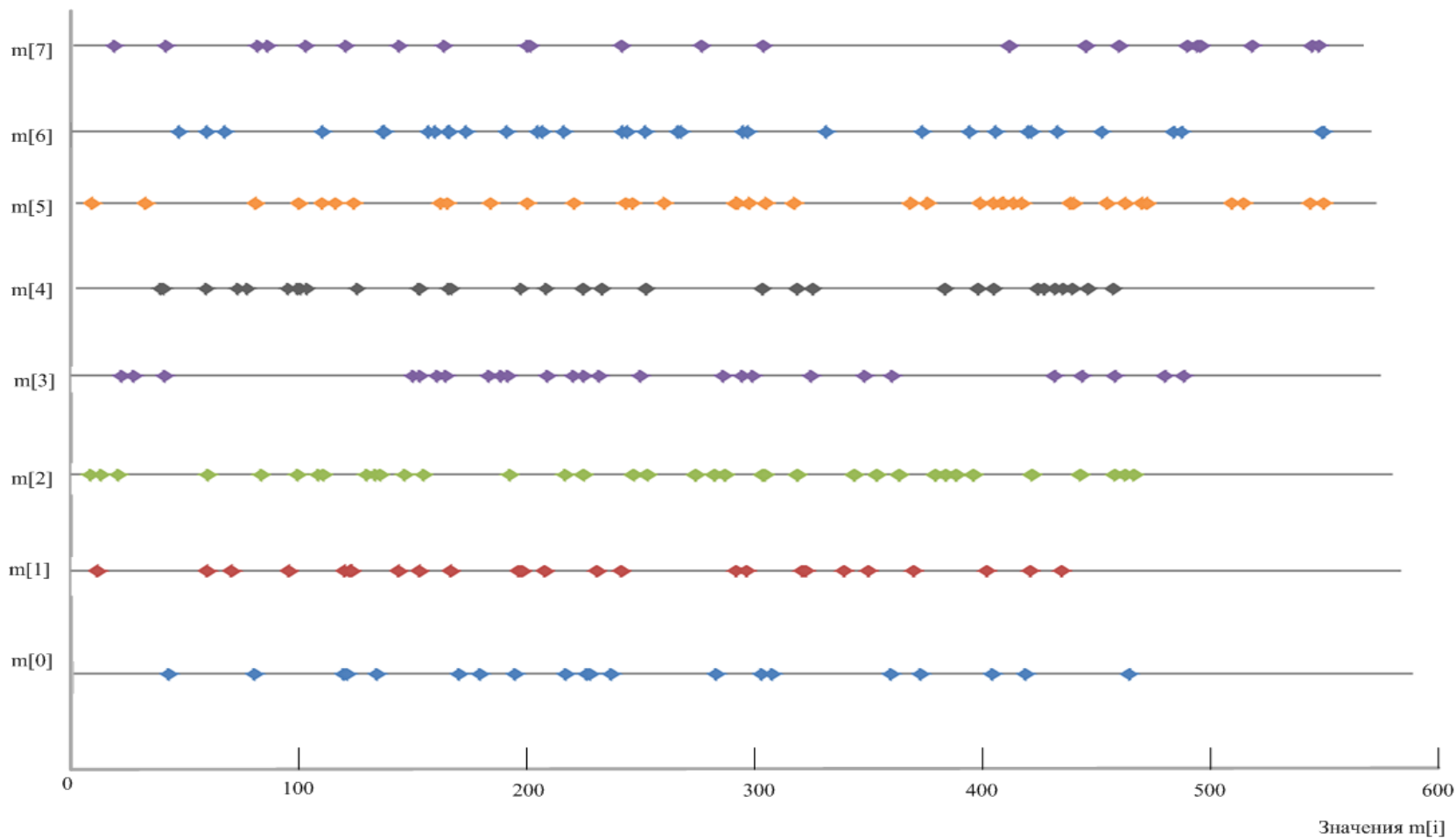
$$\left\lfloor \frac{n}{m} \right\rfloor \geq 5 * (2^m);$$

$$k = \left\lfloor \frac{n}{m} \right\rfloor.$$

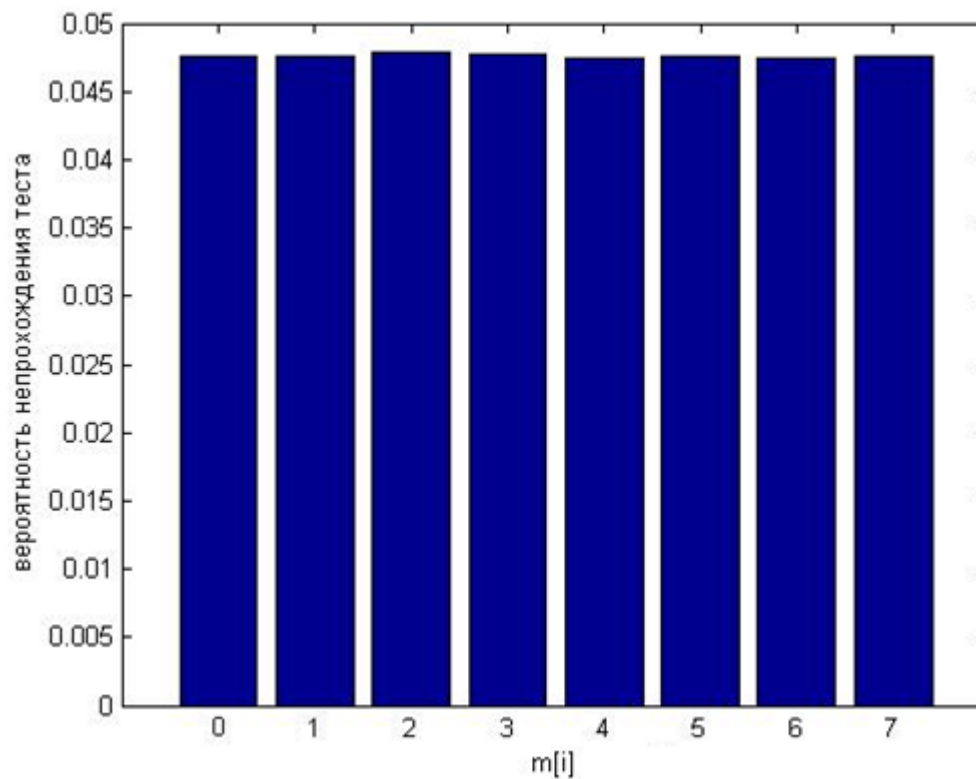
Для последовательности из 512 бит, подпоследовательностей длиной 4 бита и уровнем значимости 0,05 % для  $\chi^2$  с  $2^4 - 1 = 15$  степенями свободы

$$\sum n_i^2 \leq \left( 25 + \left\lfloor \frac{512}{4} \right\rfloor \right) * \frac{128}{16} = 1224$$

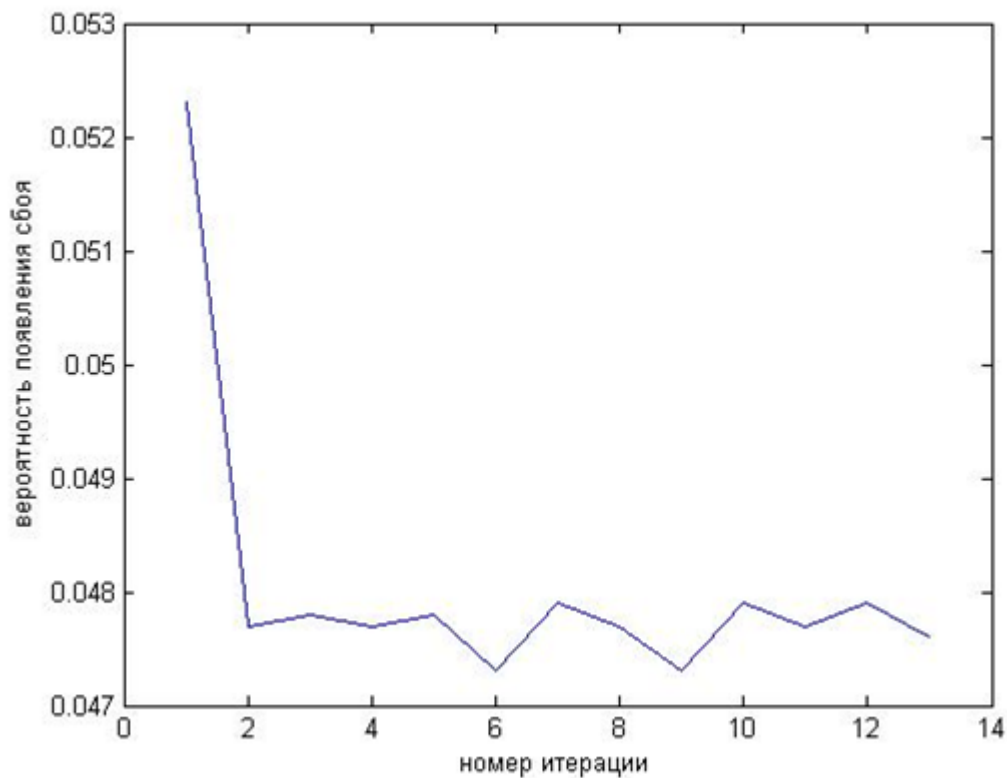
Распределение сбоев по шкале мощности  $m[i]$



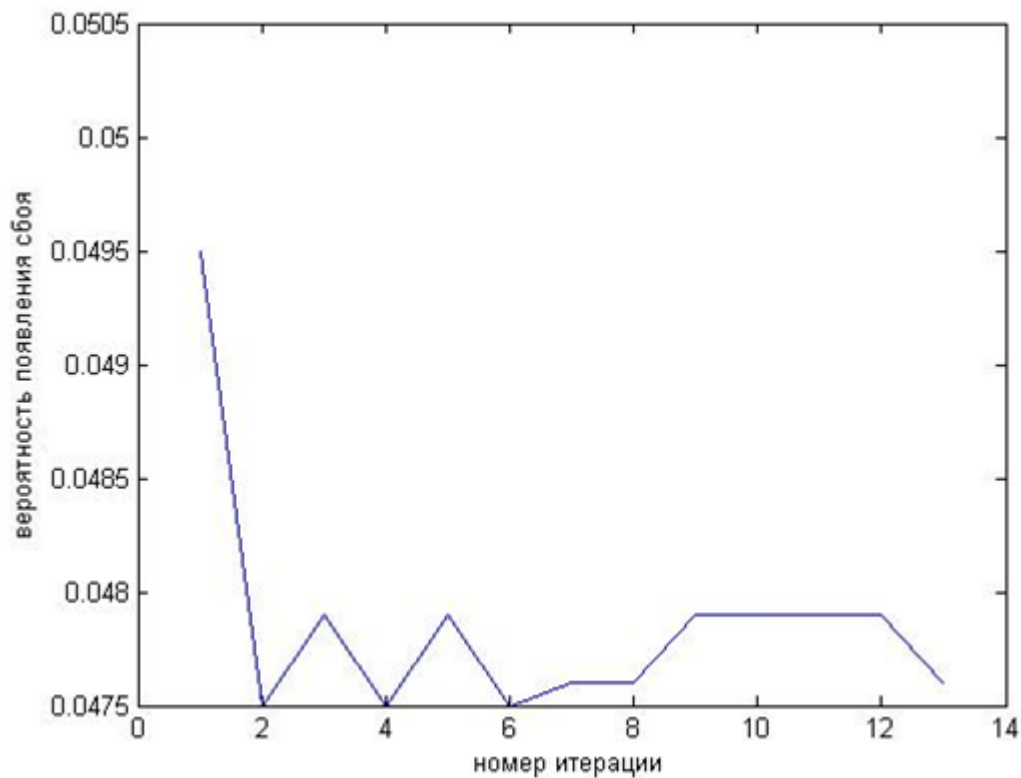
Вероятность распределения сбоев на интервалах  $m[i]$



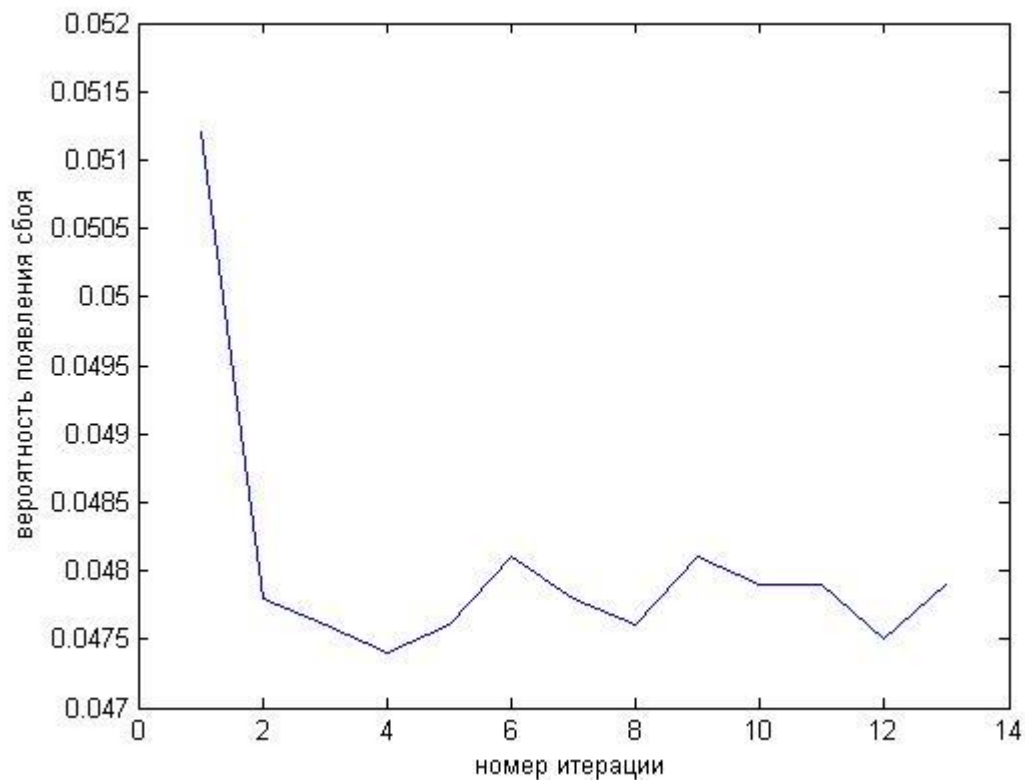
Вероятность появления сбоев в зависимости от количества итераций на интервале  $m[0]$



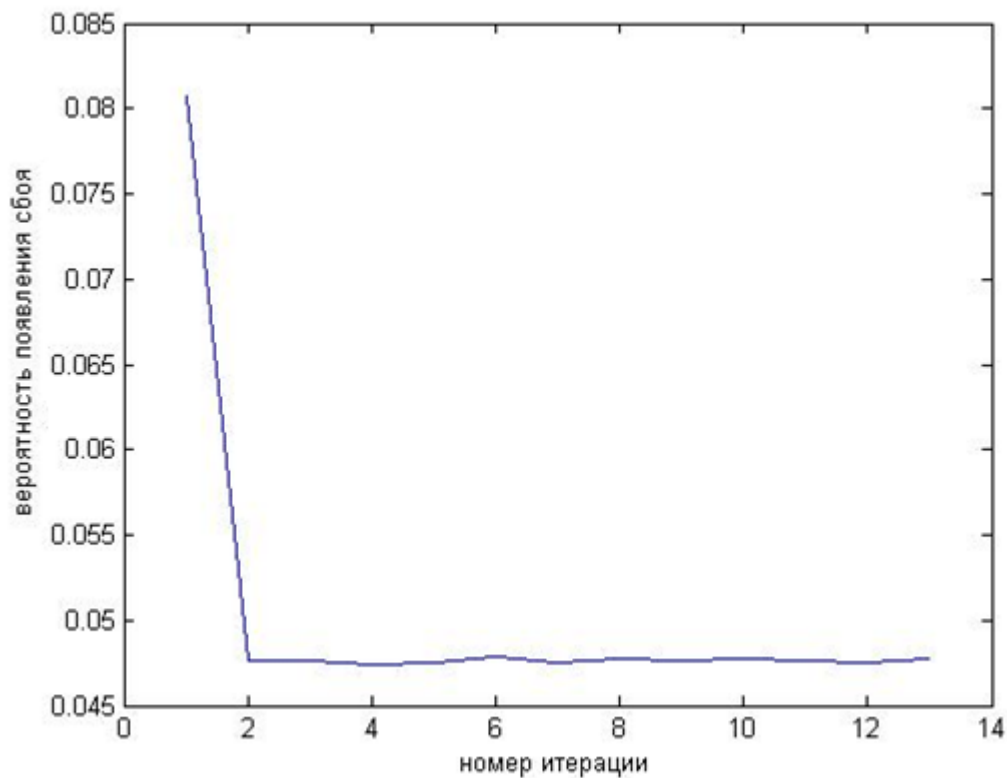
Вероятность появления сбоев в зависимости от количества итераций на интервале  $m[1]$



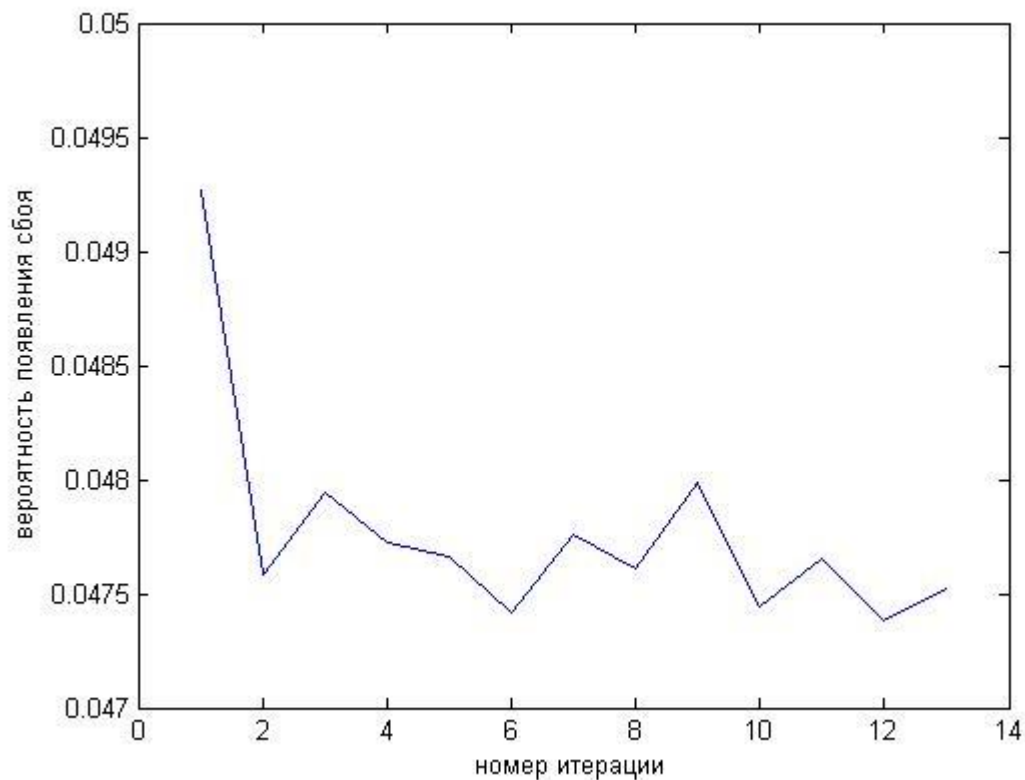
Вероятность появления сбоев в зависимости от количества итераций на интервале  $m[2]$



Вероятность появления сбоев в зависимости от количества итераций на интервале  $m[3]$

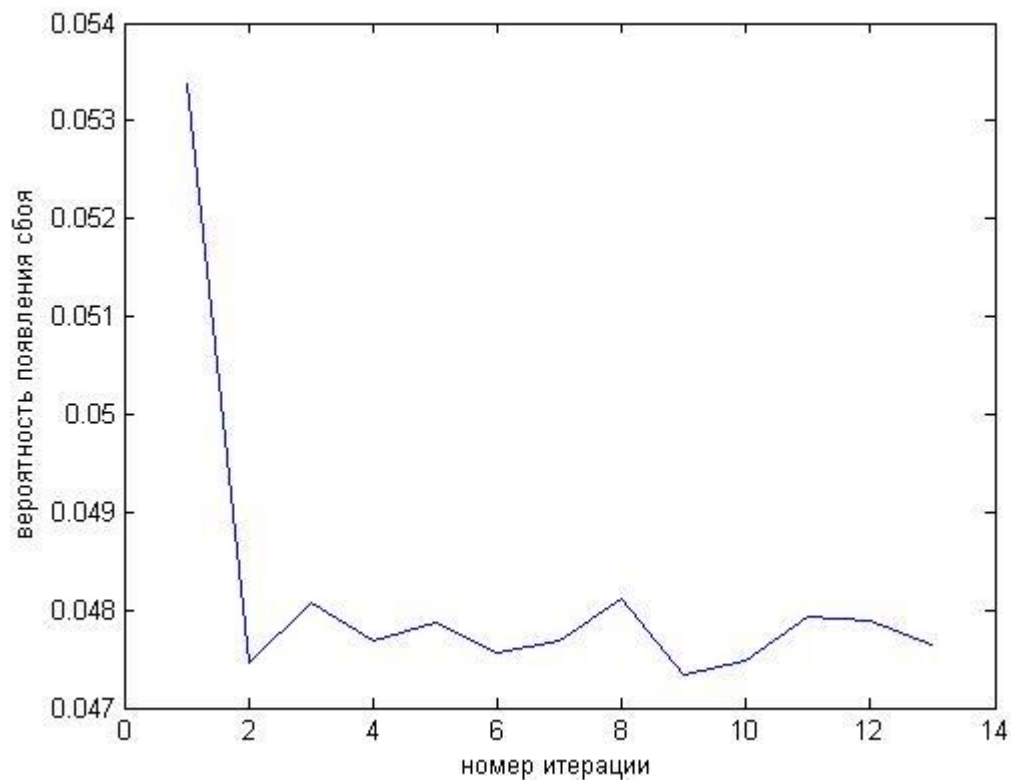


Вероятность появления сбоев в зависимости от количества итераций на интервале  $m[4]$

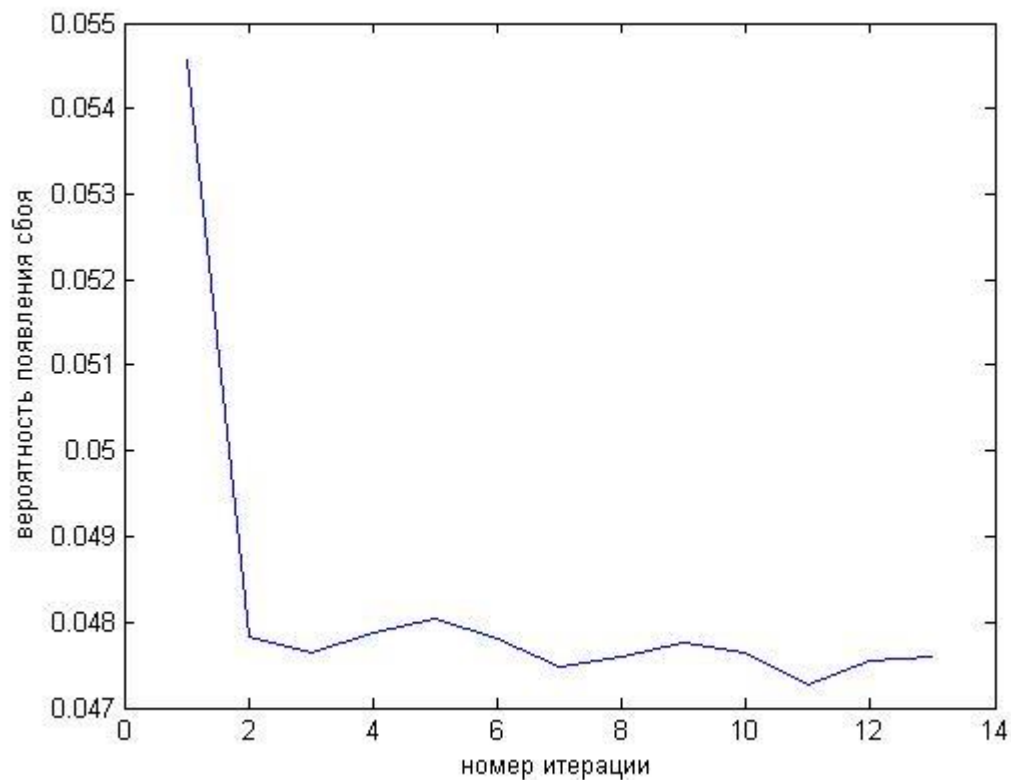




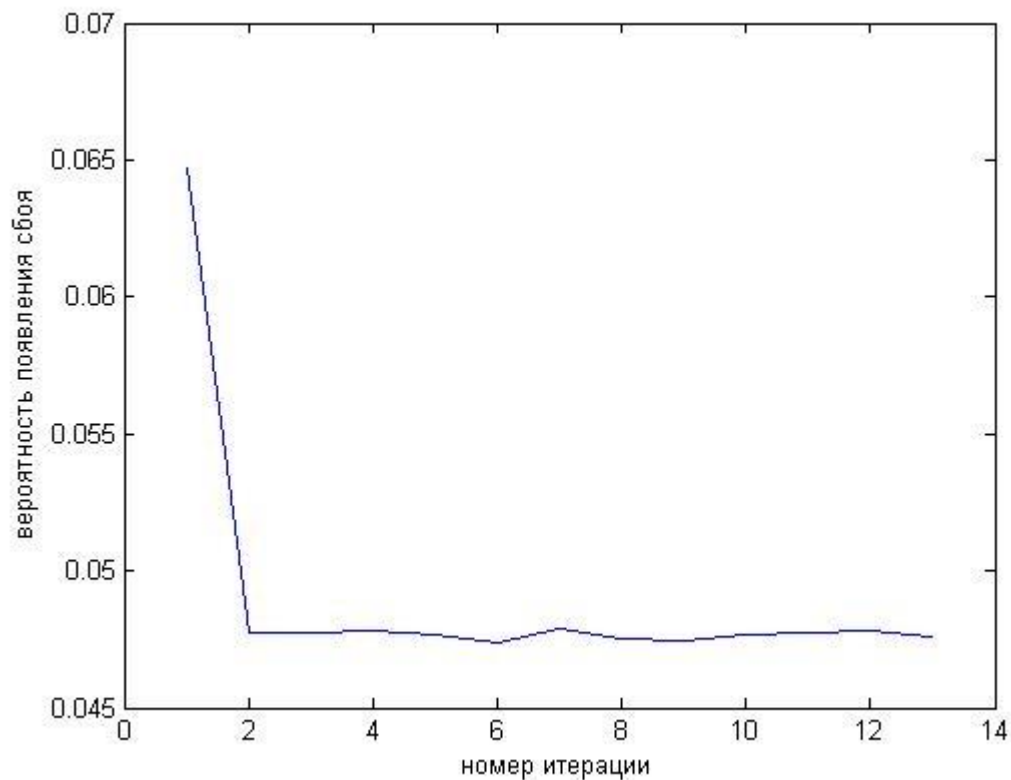
Вероятность появления сбоев в зависимости от количества итераций на интервале  $m[5]$



Вероятность появления сбоев в зависимости от количества итераций на интервале  $m[6]$



Вероятность появления сбоев в зависимости от количества итераций на интервале  $m[7]$



# Спасибо за внимание!

**Любушкина И.Е.**

Главный специалист, к. т. н.

**Панасенко С. П.**

Заместитель генерального директора по науке и системной интеграции

к. т. н., Microsoft Certified Professional

**ООО Фирма «АНКАД»**