

# О результатах моделирования управления доступом в СУБД PostgreSQL в рамках МРОСЛ ДП-модели

чл.-корр. АК России,  
д.т.н., профессор Девянин П.Н.



НАУЧНО-ПРОИЗВОДСТВЕННОЕ ОБЪЕДИНЕНИЕ

РУСБИТЕХ

# Требования по безопасности информации, устанавливающие 6 уровней доверия (приказ ФСТЭК России от 30.07.2018 № 131)

## 5 уровень доверия (объекты КИИ 2 категории, ГИС 2 класса защищенности)

- идентификация и анализ скрытых каналов по памяти.

## 4 уровень доверия (объекты КИИ 1 категории, ГИС 1 класса защищенности)

- модель безопасности, включая реализуемые политики управления доступом и фильтрации информационных потоков.

## 3 уровень доверия (ИС, в которых обрабатывается информация, содержащая секретные сведения)

- верификация модели безопасности с использованием инструментальных средств;
- идентификация и анализ скрытых каналов по времени.

## 1 уровень доверия (ИС, в которых обрабатывается информация, содержащая сведения особой важности)

- идентификация и анализ скрытых статистических каналов.

ГОСТ Р «Защита информации. Формальное моделирование политики безопасности. **Часть 1. Формальная модель управления доступом**» (проект);

ГОСТ Р «Защита информации. Формальное моделирование политики безопасности. **Часть 2. Верификация формальной модели управления доступом**» (проект)

# Актуальное иерархическое представление МРОСЛ ДП-модели. Перспективы развития

Гипервизор

ОСЧН

СУБД PostgreSQL



# Учет специфики СУБД PostgreSQL

## Роли СУБД

$DB\_ADMIN\_PRIVILEGES = \{SUPERUSER, CREATEROLE, CREATEDB, LOGIN, REPLICATION, INHERIT\}$  – множество административных привилегий СУБД;

$DB\_AR \subset DB\_R$  – множество административных ролей СУБД;

$DB\_SR \subset DB\_R$  – множество специальных ролей СУБД ( $postgres\_admin\_role \in DB\_SR \cap DB\_AR$  – специальная административная роль для учёта привилегии **SUPERUSER**);

$DB\_COMMON \subset DB\_R$  – множество общих ролей СУБД (для учёта атрибута **PUBLIC**);

$DB\_AP: DB\_R \rightarrow 2^{DB\_ADMIN\_PRIVILEGES}$  – функция административных привилегий ролей СУБД;

$db\_login: S \rightarrow \{r \in DB\_R : LOGIN \in DB\_AP(r)\}$  – функция роли входа субъект-сессии в СУБД (для учёта привилегии **LOGIN**);

$db\_inherit: DB\_R \rightarrow 2^{DB\_R}$  – функция наследования привилегий ролей к элементам СУБД (для учёта привилегии **INHERIT**);

$db\_with\_admin\_option: DB\_R \rightarrow 2^{DB\_R}$  – функция управления подчинённостью ролей в иерархии (для учёта атрибута **WITH ADMIN OPTION**);

$DB\_APA: AR \cup DB\_AR \rightarrow 2^{DB\_R \times R_r}$  – функция административных прав доступа административных ролей ОССН и СУБД к ролям СУБД.

# Учет специфики СУБД PostgreSQL

## Элементы СУБД

$DB_E = DB_O \cup DB_C$  – элементы СУБД, не являющихся ролями, где  $DB_O$  – элементы-объекты СУБД (расширения, сопоставления, домены, конфигурации, словари, парсеры, шаблоны, функции, последовательности, строки, ограничения, индексы, правила, триггеры, триггерные функции, репликации),  $DB_C$  – элементы-контейнеры СУБД (кластеры, базы данных, схемы, каталоги, таблицы, столбцы, представления, табличные пространства) и по определению  $DB_O \cap DB_C = \emptyset$ ,  $DB_O \cap C = \emptyset$ ,  $DB_C \cap O = \emptyset$ ;

$DB\_PRIVILEGES = \{SELECT, INSERT, UPDATE, DELETE, TRUNCATE, REFERENCES, TRIGGER, USAGE, CREATE, CONNECT, TEMPORARY, TEMP, EXECUTE, OWN\}$  – виды привилегий СУБД;

$E \cap DB_E$  – сущности СУБД (кластеры, базы данных, каталоги, расширения, схемы, репликации, табличные пространства). При этом по определению существуют единственная сущность-контейнер СУБД  $DB\_CLUSTER \in C \cap DB_C$ , являющаяся кластером СУБД, и множество сущностей-контейнеров  $DB\_SCHEMES \in C \cap DB_C$ , являющихся схемами (каталогами) СУБД;

$DB\_P \subseteq DB_E \times DB\_PRIVILEGES$  – множество привилегий к элементам СУБД;

$db\_privileges: DB\_R \rightarrow 2^{DB\_P \times DB\_R}$  – функция привилегий к элементам СУБД ролей СУБД (для учёта права *WITH GRANT OPTION*);

$DB\_PA: DB\_R \rightarrow 2^{(E \cap DB\_E) \times R_r}$  – функция эффективных прав доступа ролей СУБД.

## Уровень 2.2. Пример де-юре правила преобразования состояний

<i>access_read(x, x', y, <math>\alpha_p</math>)</i>			
1.1	$x, y$	<p><math>x \in S</math>, если <math>y \in E \cup R \cup NR \cup AR</math>, то существует <math>r \in R \cup AR</math>: <math>(x, r, read_a) \in AA</math>, [если <math>y \in E</math>, то <math>(y, read_r) \in PA(r)</math> и существует контейнер <math>c \in C</math> такой, что <math>execute\_container(x, c, y) = true</math>, и не существует запрещающей роли <math>nr \in NR</math> такой, что <math>(x, nr, read_a) \in AA</math> и <math>(y, read_r) \in PA(nr)</math>], [если <math>y \in R \cup NR \cup AR</math>, то <math>(y, read_r) \in APA(r)</math>], [если <math>y \in R \cup AR</math>, то для всех <math>nr \in constraint_{NR}(y)</math> верно <math>(x, nr, read_a) \in AA</math>]</p>	<p>если <math>y \in E</math>, то <math>A' = A \cup \{(x, y, read_a)\}</math>, если <math>y \in R \cup NR \cup AR</math>, то <math>AA' = AA \cup \{(x, y, read_a)\}</math></p>
1.2	$x'$	<p><math>x' \in S</math>, [если <math>y \in R \cup NR \cup AR</math>, то <math>i_r(y) \leq i_s(x)</math>, для <math>e \in ]y[</math> либо <math>(x, e, read_a) \in A</math>, либо <math>(x, e, write_a) \in A</math>], [если <math>y \in R \cup NR \cup AR</math> и <math>i_r(y) &gt; i\_low</math>, то <math>(x', i\_entity, write_a) \in A</math>]</p>	-
2.1	$\alpha_p$	<p>[если <math>y \in E \setminus DB\_E</math>, то <math>\alpha_p = \emptyset</math>], [если <math>y \in DB\_E</math>, то или <math>(x, postgres\_admin\_role, read_a) \in AA</math>, или существует <math>r \in DB\_R</math>: <math>(x, r, read_a) \in AA</math>, <math>\alpha_p \in DB\_PRIVILEGES</math>, <math>read_r \in db\_rights(\alpha_p)</math>, <math>(db\_entity(y), read_r) \in DB\_PA(r)</math>, и существует контейнер <math>c \in C \cup DB\_C</math> такой, что <math>execute\_container(x, c, y) = true</math>], [если <math>y \in DB\_R</math>, то <math>y \neq public\_role</math>, <math>\alpha_p = \emptyset</math> и или <math>[db\_login(x) = \emptyset</math>, существует <math>r \in AR</math>: <math>(x, r, read_a) \in AA</math>, <math>(y, read_r) \in DB\_APA(r)</math>], или <math>[(x, postgres\_admin\_role, read_a) \in AA</math> или <math>y \leq db\_login(x)]</math>]</p>	<p>если <math>y \in DB\_E</math>, то <math>A' = A \cup \{(x, db\_entity(y), read_a)\}</math>, если <math>y \in DB\_R</math>, то если <math>db\_login(x) = \emptyset</math>, то <math>[db\_login'(x) = y</math>, <math>AA' = AA \cup \{(x, y, read_a), (x, public\_role, read_a)\}</math>], иначе <math>[AA' = (AA \cup \{(x, y, read_a)\}) \setminus \{(x, y', read_a) \in AA : y' \in DB\_R \setminus \{public\_role, y\}\}]</math></p>
2.2	-	<p>если <math>y \in DB\_R</math>, то [для <math>e \in ]y[</math> либо <math>(x, e, read_a) \in A</math>, либо <math>(x, e, write_a) \in A</math>], <math>[i_r(y) \leq i_s(x)</math>, и если <math>y \neq public\_role</math>, то <math>i_r(y) = i_r(db\_login(x))</math>], [если <math>i_r(y) &gt; i\_low</math>, то <math>(x', db\_i\_entity, write_a) \in A</math>]</p>	-

## Уровень 4.2. Пример де-факто правила преобразования состояний

<i>post(x, y, z)</i>		
2.1	$x, z \in S, y \in (E \setminus E\_HOLE), x \neq z,$ $(x, y, write_m) \in F,$ $(y, read_a) \in de\_facto\_accesses(z)$	$F' = F \cup \{(x, z, write_m)\}$
3.1	–	–
4.1	$(x, y, \alpha_f) \in F$ , где $\alpha_f \in \{write_m, write_t\}$ , [если $y \in (E \setminus RW\_HOLE) \cup R \cup NR \cup AR$ , то $(y, \beta_a) \in de\_facto\_accesses(z)$ , где $\beta_a \in R_a$ ], [если $y \in S$ , то $y \in de\_facto\_own(z)$ ]	–
4.2	если $y \in DB\_R$ , то $(y, \beta_a) \in de\_facto\_accesses(z)$ , где $\beta_a \in R_a$	если $\alpha_f = write_m, \beta_a = read_a$ и $y \in E \setminus E\_HOLE$ , то $F' = F \cup \{(x, z, write_m)\}$ , иначе если $x, z \in N_S \cup NF_S$ и [если $y \in (E \cap DB\_E) \cup DB\_R$ , то $x, z \notin DB\_LF_S$ ], то $F' = F \cup \{(x, z, write_t)\}$

# Безопасность системы

Пусть  $G_0$  – безопасное начальное состояние системы  $\Sigma(G^*, OP, G_0)$ , и существует траектория без кооперации доверенных и недоверенных субъект-сессий  $G_0 \vdash_{op1} G_1 \vdash_{op2} \dots \vdash_{opN} G_N$ , где  $N \geq 1$ .

## 2 уровень. Безопасность в смысле мандатного контроля целостности

**Определение о.Ц.07.** Будем говорить, что в состоянии  $G_N$  произошло нарушение безопасности системы в смысле мандатного контроля целостности, когда существуют недоверенная субъект-сессия  $x \in N_{SN}$  и доверенная субъект-сессия  $y \in de\_facto\_own_N(x) \cap L_{SN}$  такие, что не верно неравенство  $i_s(y) \leq i_s(x)$ , и это условие не выполняется в состояниях  $G_i$  траектории, где  $0 \leq i < N$ . Назовём систему  $\Sigma(G^*, OP, G_0)$  безопасной в смысле мандатного контроля целостности, когда в ней невозможно соответствующее нарушение безопасности.

## 3 уровень. Безопасность в смысле Белла-ЛаПадулы

**Определение о.КП.01.** Будем говорить, что в состоянии  $G_N$  произошло нарушение безопасности системы в смысле Белла-ЛаПадулы, когда существует информационный поток по памяти  $(x, y, write_m) \in F_N$  такой, что  $x, y \in E_N$  и не верно неравенство  $f_{eN}(x) \leq f_{eN}(y)$ , и это условие не выполняется в состояниях  $G_i$  траектории, где  $0 \leq i < N$ . Назовём систему  $\Sigma(G^*, OP, G_0)$  безопасной в смысле Белла-ЛаПадулы, когда в ней невозможно соответствующее нарушение безопасности.

## 4 уровень. Безопасность в смысле контроля информационных потоков по времени

**Определение о.КВ.02.** Будем говорить, что в состоянии  $G_N$  произошло нарушение безопасности системы в смысле контроля информационных потоков по времени, когда в нём существует информационный поток по времени  $(x, y, write_t) \in F_N$  такой, что  $x, y \in E_N$  и не верно неравенство  $f_{eN}(x) \leq f_{eN}(y)$ , и это условие не выполняется в состояниях  $G_i$  траектории, где  $0 \leq i < N$ . Назовём систему  $\Sigma(G^*, OP, G_0)$  безопасной в смысле контроля информационных потоков по времени, когда в ней невозможно соответствующее нарушение безопасности.

## Уровень 3.2. Безопасность в смысле Белла-ЛаПадулы

**Теорема т.КП.01.БДКП.** Пусть  $G_0$  – безопасное начальное состояние системы  $\Sigma(G^*, OP, G_0)$ . Пусть на всех траекториях системы без кооперации доверенных или недоверенных субъект-сессий  $G_0 \vdash_{op1} G_1 \vdash_{op2} \dots \vdash_{opN} G_N$ , где  $N \geq 0$ , и в каждом состоянии  $G_N$  для каждой субъект-сессии  $s \in S_N$  и сущности  $e \in E_N$  выполняются следующие условия.

**Условие Ц.1.КП.БДКП.** (корректность уровней целостности и конфиденциальности сущностей, функционально ассоциированных с субъект-сессиями) Если  $e \in [s]$ , то выполняются условия  $i_{sN}(s) \leq i_{eN}(e)$  и  $(f_{sN}(s) = f_{eN}(e))$  или [если  $e \in E \setminus DB\_E$ , то  $i_{eN}(e) = i\_high$ , иначе  $i_{eN}(e) = db\_i\_high$ ].

**Условие Ц.2.КП.БДЦ.БДКП.** (корректность уровней целостности и конфиденциальности, а также прав доступа на чтение к сущностям, параметрически ассоциированным с субъект-сессиями) Если  $e \in ]s[$ , то верно  $f_{sN}(s) = f_{eN}(e)$ ,  $i_{sN}(s) \leq i_{eN}(e)$  и [для каждой роли или административной роли и  $r \in R_N \cup AR_N$  такой, что  $(e, read_r) \in PA_N(r)$ ], [для каждой роли СУБД  $r \in DB\_R_N$  такой, что  $(e, read_r) \in DB\_PA_N(r)$ ], выполняется условие  $i_{eN}(e) \leq i_{rN}(r)$ .

**Условие Ц.3.КП.** (без дополнений).

**Условие КП.4.** (без дополнений).

**Условие БДЦ.4.** (без дополнений).

Тогда на этих траекториях система  $\Sigma(G^*, OP, G_0)$  безопасна в смысле мандатного контроля целостности и Белла-ЛаПадулы.

---

**Спасибо за  
внимание!**