



Академия Федеральной службы охраны Российской Федерации

# Спецификация модели управления доступом на языке TLA<sup>+</sup> и ее верификация

кандидат технических наук  
Козачок Александр Васильевич



21 марта 2019 г.



- 1 Задача формального представления моделей управления доступом
- 2 Темпоральная логика действий Лэмпорта  $TLA^+$
- 3 Спецификация модели управления доступом к электронным документам на  $TLA^+$  [3]



- 1 Задача формального представления моделей управления доступом
- 2 Темпоральная логика действий Лэмпорта TLA<sup>+</sup>
- 3 Спецификация модели управления доступом к электронным документам на TLA<sup>+</sup> [3]



ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО  
ПО ТЕХНИЧЕСКОМУ РЕГУЛИРОВАНИЮ И МЕТРОЛОГИИ



НАЦИОНАЛЬНЫЙ  
СТАНДАРТ  
РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ

ГОСТ Р ИСО/МЭК  
15408-3—  
2013

Информационная технология

МЕТОДЫ И СРЕДСТВА ОБЕСПЕЧЕНИЯ  
БЕЗОПАСНОСТИ.  
КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ БЕЗОПАСНОСТИ  
ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Часть 3

Компоненты доверия к безопасности

ISO/IEC 15408-3:2008  
Information technology — Security techniques — Evaluation criteria  
for IT security — Part 3: Security assurance components  
(IDT)

Издание официальное



Москва  
Стандартинформ  
2014

- ADV\_SPM.1 "Формальная модель политики безопасности"
- Оценочный уровень доверия 5, предусматривает **полуформальное** проектирование и тестирование
- Оценочный уровень доверия 6, предусматривает **полуформальную верификацию** и тестирование проекта
- Оценочный уровень доверия 7, предусматривает **формальную верификацию** проекта и тестирование [1]



- 1 Задача формального представления моделей управления доступом
- 2 Темпоральная логика действий Лэмпорта TLA<sup>+</sup>
- 3 Спецификация модели управления доступом к электронным документам на TLA<sup>+</sup> [3]



Темпоральные операторы логики Лэмпорта:

- – оператор "всегда в будущем";
- – оператор "всегда в прошлом";
- – оператор "в следующий момент времени";
- ⊖ – оператор "в предыдущий момент времени";

- ◇ – оператор "однажды в будущем";
- ◆ – оператор "однажды в прошлом";
- U – бинарный оператор "до тех пор пока";
- S – бинарный оператор "с тех пор как".

## Формулы в темпоральной логике Лэмпорта

Логические формулы в рамках предлагаемой модели управления доступа задаются следующим образом (в форме Бэкуса-Наура):

$$\langle \phi \rangle \models \text{PredAction} \mid p(t_1, \dots, t_n) \mid \neg \phi \quad (1)$$
$$\mid \phi \vee \phi \mid \phi \wedge \phi \mid \phi \rightarrow \phi \mid \forall x : \phi$$
$$\mid \exists x : \phi \mid \square \phi \mid \diamond \phi \mid \bigcirc \phi \mid \phi U \phi$$
$$\mid \blacksquare \phi \mid \blacklozenge \phi \mid \ominus \phi \mid \phi S \phi,$$

где *PredAction* – действия, *p* – предикат,  $t_1, \dots, t_n$  – термы, *x* – переменная.



## Соотношения между операторами TLA<sup>+</sup>

$$\diamond F \equiv \neg \square \neg F$$

$$\blacklozenge F \equiv \neg \blacksquare \neg F$$

$$\diamond F \equiv (F \vee \neg F) \mathcal{U} F$$

$$\blacklozenge F \equiv FS(F \vee \neg F)$$

Пример спецификации на языке TLA<sup>+</sup> [2]:

<p style="text-align: center;">MODULE <i>HourClock</i></p> <p>EXTENDS <i>Naturals</i></p> <p>VARIABLE <i>hr</i></p> <p><i>Init</i> <math>\triangleq</math> <math>hr \in (1..12)</math></p> <p><i>Next</i> <math>\triangleq</math> <math>hr' = \text{IF } hr \neq 12 \text{ THEN } hr + 1 \text{ ELSE } 1</math></p> <p><i>Spec</i> <math>\triangleq</math> <math>Init \wedge \square [Next]_{hr}</math></p>	(2)
<p>THEOREM <math>Spec \Rightarrow \square Init</math></p>	



- 1 Задача формального представления моделей управления доступом
- 2 Темпоральная логика действий Лэмпорта  $TLA^+$
- 3 Спецификация модели управления доступом к электронным документам на  $TLA^+$  [3]





Спецификация модели управления доступом на языке TLA<sup>+</sup>:

$$Spec \triangleq Init \wedge \square[Next]_{vars}, \quad (3)$$

*Init* – процедура инициализация переменных модели,

*Next* – предикат действия, изменяющий состояние модели,

*vars* – переменные модели,  $\triangleq$  – символ "равно по определению".

$$\begin{aligned} Next \triangleq & \quad \vee CreateSubjectD \quad \vee DeleteSubjectD \\ & \vee ReadD \quad \quad \quad \vee WriteD \\ & \vee AppendWD \quad \quad \vee CreateObjectD \\ & \vee DeleteObjectD \quad \vee GrantRightsD \\ & \vee RemoveRightsD \vee IncludeObjectD \\ & \vee ExcludeObjectD \vee ApproveObjectD \\ & \vee ArchiveObjectD \vee CancelObjectD \\ & \vee CopyObjectD \quad \vee AssociateCopyD \end{aligned} \quad (4)$$



$$\begin{aligned} & \text{VARIABLES } A, O, S, \\ & \text{vars } \triangleq \langle A, O, S \rangle, \end{aligned} \tag{5}$$

$A$  – множество текущих (произошедших) доступов,

$O$  – множество объектов,

$S$  – множество субъектов.

$$\begin{aligned} \text{Objects } \triangleq & [\text{oid} : \text{ObjectIDs}, \text{meta} : \text{ObjectMeta}, \text{body} : \text{ObjectBody}, \\ & \text{owner} : \text{SubjectIDs}, \text{grantm} : \text{GrantedRights}, \\ & \text{grantb} : \text{GrantedRights}, \text{incl} : \text{ObjectIDs}, \\ & \text{st} : \text{ObjectStates}]. \end{aligned} \tag{6}$$

$$\begin{aligned} \text{Subjects } \triangleq & [\text{sid} : \text{SubjectIDs}, \text{cnfl} : \text{ConfidLevels}, \\ & \text{intl} : \text{IntegrLevels}, \text{cat} : \text{SUBSET Categories}, \\ & \text{owner} : \text{SubjectIDs}]. \end{aligned} \tag{7}$$

$$\begin{aligned} \text{Rights } \triangleq & \{\text{"read"}, \text{"write"}\}, \\ \text{GrantedRights } \triangleq & \langle \text{sid} : \text{SubjectIDs}, r : \text{Rights} \rangle. \end{aligned} \tag{8}$$



$$\begin{aligned}
 s0 &\triangleq [sid \mapsto 0, cnfl \mapsto 1, intl \mapsto 1, \\
 &\quad cat \mapsto \{\text{"c1"}, \text{"c2"}\}, owner \mapsto 0], \\
 s1 &\triangleq [sid \mapsto 1, cnfl \mapsto 1, intl \mapsto 0, \\
 &\quad cat \mapsto \{\text{"c2"}, \text{"c3"}\}, owner \mapsto 1], \\
 o0 &\triangleq [oid \mapsto 0, \\
 &\quad meta \mapsto [cnfl \mapsto 0, intl \mapsto 0], \\
 &\quad body \mapsto [cnfl \mapsto 0, intl \mapsto 0], \\
 &\quad cat \mapsto \{\text{"c1"}, \text{"c2"}\}, \\
 &\quad owner \mapsto 1, \\
 &\quad grantm \mapsto \{\langle 0, \text{"write"} \rangle, \langle 0, \text{"read"} \rangle\}, \\
 &\quad grantb \mapsto \{\langle 0, \text{"read"} \rangle\}, \\
 &\quad incl \mapsto \{\}, \\
 &\quad copy \mapsto \{\}, \\
 &\quad st \mapsto \text{"work"}], \\
 Init &\triangleq \wedge A = \{\} \\
 &\quad \wedge S = \{s0, s1\} \\
 &\quad \wedge O = \{o0\}.
 \end{aligned}$$

(9)



$$\begin{aligned}
 \text{Read}(s, o, r, op) &\triangleq \\
 &\wedge A' = A \cup \{\langle s.sid, o.oid, r, op \rangle\} \\
 &\wedge \text{UNCHANGED } \langle S, O \rangle
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{ReadD} &\triangleq \exists r \in \text{Rights} : \\
 &\exists s \in S : \\
 &\exists o \in O : \\
 &\exists op \in \text{ObjectParts} : \\
 &\quad \wedge r = \text{"read"} \\
 &\quad \wedge o.cat \subseteq s.cat \\
 &\quad \wedge \vee \wedge op = \text{"meta"} \\
 &\quad \quad \wedge s.cnfl \geq o.meta.cnfl \\
 &\quad \quad \wedge \vee \{\langle s.sid, r \rangle\} \subseteq o.grantm \\
 &\quad \quad \quad \vee o.owner = s.sid \\
 &\quad \vee \wedge op = \text{"body"} \\
 &\quad \quad \wedge s.cnfl \geq o.body.cnfl \\
 &\quad \quad \wedge \vee \{\langle s.sid, r \rangle\} \subseteq o.grantb \\
 &\quad \quad \quad \vee o.owner = s.sid \\
 &\quad \wedge \text{Read}(s, o, r, op).
 \end{aligned} \tag{10}$$



$$\begin{aligned} \text{CreateSubject}(sp, sid, cnf, int) &\triangleq \\ &\wedge S' = S \cup \{[sid \mapsto sid, \\ &\quad intl \mapsto int, \\ &\quad cnfl \mapsto cnf, \\ &\quad cat \mapsto sp.cat, \\ &\quad owner \mapsto sp.sid]\} \\ &\wedge A' = A \cup \{\langle sp.sid, sid, \text{"screate"} \rangle\} \\ &\wedge \text{PrintT}(\langle sp.sid, sid, \text{"screate"} \rangle) \\ &\wedge \text{UNCHANGED} \langle O \rangle \end{aligned} \tag{11}$$

$$\begin{aligned} \text{CreateSubjectD} &\triangleq \exists sp \in S : \\ &\exists sid \in \text{SubjectIDs} : \\ &\quad \wedge \forall ss \in S : sid \neq ss.sid \\ &\quad \wedge \exists cnf \in \text{ConfidLevels} : \\ &\quad \quad \exists int \in \text{IntegrLevels} : \\ &\quad \quad \wedge sp.cnfl = cnf \\ &\quad \quad \wedge sp.intl = int \\ &\quad \wedge \text{CreateSubject}(sp, sid, cnf, int) \end{aligned}$$

# Спецификация модели на TLA<sup>+</sup> VI

## Предикат действия CopyObject



$$\begin{aligned}
 \text{CopyObject}(s, o, x) &\triangleq \quad \wedge O' = O \cup \{oid \mapsto x, \\
 &\quad meta \mapsto [cnfl \mapsto o.meta.cnfl, \\
 &\quad intl \mapsto o.meta.intl], \\
 &\quad body \mapsto [cnfl \mapsto o.body.cnfl, \\
 &\quad intl \mapsto o.body.intl], \\
 &\quad owner \mapsto s.sid, \\
 &\quad grantm \mapsto o.grantm, \\
 &\quad grantb \mapsto o.grantb, \\
 &\quad cat \mapsto o.cat, \\
 &\quad incl \mapsto o.incl, \\
 &\quad st \mapsto \text{"approved"}, \\
 &\quad copy \mapsto \{o.oid\}\} \\
 &\quad \wedge A' = A \cup \{s.sid, o.oid, \text{"copy"}, x\} \\
 &\quad \wedge \text{UNCHANGED } \langle S \rangle \\
 \text{CopyObjectD} &\triangleq \quad \exists s \in S : \\
 &\quad \wedge O \neq \{\} \\
 &\quad \wedge \exists o \in O : \wedge o.owner = s.sid \\
 &\quad \quad \wedge o.incl = \{\} \\
 &\quad \quad \wedge o.st = \text{"approved"} \\
 &\quad \quad \wedge s.cat \subseteq o.cat \\
 &\quad \quad \wedge s.cnfl = o.meta.cnfl \\
 &\quad \quad \wedge s.intl \geq o.meta.intl \\
 &\quad \quad \wedge s.cnfl = o.body.cnfl \\
 &\quad \quad \wedge s.intl \geq o.body.intl \\
 &\quad \quad \wedge \text{Cardinality}(scp(o)) < 2 \\
 &\quad \quad \wedge \exists x \in \text{ObjectIDs} : \forall oo \in O : \\
 &\quad \quad \quad \wedge x \neq oo.oid \\
 &\quad \quad \quad \wedge \text{CopyObject}(s, o, x)
 \end{aligned} \tag{12}$$



$$\begin{aligned}
 \text{ObjTypeInv} &\triangleq \\
 &\wedge \forall o \in O : \wedge o.oid \in \text{ObjectIDs} \\
 &\quad \wedge o.meta \in \text{ObjectMeta} \\
 &\quad \wedge o.body \in \text{ObjectBody} \\
 &\quad \wedge o.owner \in \text{SubjectIDs} \\
 &\quad \wedge \{o.incl\} \subseteq \text{SUBSET ObjectIDs} \\
 &\quad \wedge \{o.copy\} \subseteq \text{SUBSET ObjectIDs} \\
 &\quad \wedge o.st \in \text{ObjectStates} \\
 &\quad \wedge o.cat \in \text{SUBSET Categories} \\
 \\
 \text{TypeInv} &\triangleq \wedge S \subseteq \text{Subjects} \\
 &\quad \wedge \text{ObjTypeInv} \\
 &\quad \wedge \forall sn \in S : \text{IF } \exists sm \in S : \wedge sm \neq sn \\
 &\quad \quad \quad \wedge sn.sid = sm.sid \\
 &\quad \quad \quad \text{THEN FALSE} \\
 &\quad \quad \quad \text{ELSE TRUE} \\
 &\quad \wedge \forall on \in O : \text{IF } \exists om \in O : \wedge om \neq on \\
 &\quad \quad \quad \wedge on.oid = om.oid \\
 &\quad \quad \quad \text{THEN FALSE} \\
 &\quad \quad \quad \text{ELSE TRUE}
 \end{aligned}
 \tag{13}$$

# Спецификация модели на TLA<sup>+</sup> VIII

Задание инвариантов модели: инвариант безопасности



$$\begin{aligned} \text{Safety} \triangleq & \bigwedge \forall o \in O : \bigwedge o.\text{meta.cnfl} \leq o.\text{body.cnfl} \\ & \bigwedge o.\text{meta.intl} = o.\text{body.intl} \\ & \bigwedge \text{IF } o.\text{incl} \neq \{\} \\ & \quad \text{THEN } \forall i \in o.\text{incl} : \\ & \quad \quad \bigwedge \exists oi \in O : \\ & \quad \quad \quad \bigwedge oi.\text{oid} \neq o.\text{oid} \\ & \quad \quad \quad \bigwedge oi.\text{oid} = i \\ & \quad \quad \quad \bigwedge o.\text{grantm} \subseteq oi.\text{grantm} \\ & \quad \quad \quad \bigwedge o.\text{grantb} \subseteq oi.\text{grantb} \\ & \quad \quad \quad \bigwedge o.\text{st} = oi.\text{st} \\ & \quad \quad \text{ELSE TRUE} \\ & \bigwedge \text{Cardinality}(\text{scs}(o)) \leq 1 \\ & \bigwedge \text{Cardinality}(\text{scp}(o)) \leq 2 \\ & \bigwedge \exists s \in S : \\ & \quad \bigwedge o.\text{owner} = s.\text{sid} \\ & \quad \bigwedge \text{IF } o.\text{grantm} \neq \{\} \\ & \quad \quad \text{THEN } \neg o.\text{grantm} \subseteq (\{s.\text{sid}\} \times \text{Rights}) \\ & \quad \quad \text{ELSE TRUE} \\ & \quad \bigwedge \text{IF } o.\text{grantb} \neq \{\} \\ & \quad \quad \text{THEN } \neg o.\text{grantb} \subseteq (\{s.\text{sid}\} \times \text{Rights}) \\ & \quad \quad \text{ELSE TRUE} \\ & \bigwedge \neg \exists o \in O : \bigwedge \bigvee o.\text{st} = \text{"archived"} \\ & \quad \bigvee o.\text{st} = \text{"cancelled"} \\ & \bigwedge \bigvee o.\text{grantm} \cap (\text{SubjectIDs} \times \{\text{"write"}\}) \neq \{\} \\ & \quad \bigvee o.\text{grantb} \cap (\text{SubjectIDs} \times \{\text{"write"}\}) \neq \{\} \end{aligned} \tag{14}$$



# Верификация модели на TLA<sup>+</sup> методом "Model Checking"



- Верификация разработанной модели производилась с помощью инструментального средства TLC2 версии 2.13.
- Время, затраченное на верификацию, составило порядка 2835 минут (более 47 часов) на сервере с операционной системой Ubuntu 16.04, 24 ядра Intel Xeon E5-2620 v2 2,10 ГГц и 32 Гб оперативной памяти.
- Было проверено 16 284 800 554 состояний при средней производительности системы 5 743 616 состояний в минуту.

Теорема (О выполнении инвариантов для спецификации модели)

$Spec \implies \Box(TypeInv \wedge Safety)$

## Библиография:

1. Моделирование и верификация политик безопасности управления доступом в операционных системах. / . — П. Н. Девянин, Д. В. Ефремов, В. В. Кулямин, А. К. Петренко, А. В. Хорошилов, И. В. Щепетков. — Институт системного программирования им. В.П. Иванникова РАН, 2018. — 181 с. — URL: [http://www.ispras.ru/publications/2018/security\\_policy\\_modeling\\_and\\_verification/](http://www.ispras.ru/publications/2018/security_policy_modeling_and_verification/).
2. *Lamport Leslie*. — Specifying Systems, The TLA+ Language and Tools for Hardware and Software Engineers. — Addison-Wesley, 2002. — ISBN 0-3211-4306-X.
3. *Козачок А. В.* — Спецификация модели управления доступом к разнокатегорийным ресурсам компьютерных систем. — // Вопросы кибербезопасности. — 2018. — Т. 28, № 4. — С. 2—8.



Спасибо за внимание!  
Вопросы?



[a.kozachok@academ.msk.rsnet.ru](mailto:a.kozachok@academ.msk.rsnet.ru)