

Ежегодная международная научно-практическая конференция  
**«РусКрипто'2022»**

**Что подписано ключом, то не вырубишь...**

**10 лет действующим национальным стандартам электронной подписи и хэш-функции**

**С.В. Гребнев**  
QApp

**Г.Б. Маршалко**  
ФСБ России

**Д.В. Матюхин**  
ФСБ России

**В.И. Рудской**  
ТК 26

**В.А. Шишкин**  
Криптонит

# У криптографов юбилей каждый год

- Приказами Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии от 7 августа 2012 г. №№ 215-ст, 216-ст утверждены национальные стандарты ГОСТ Р 34.10-2012 «Информационная технология. Криптографическая защита информации. Процессы формирования и проверки электронной цифровой подписи» и ГОСТ Р 34.11-2012 «Информационная технология. Криптографическая защита информации. Функция хэширования» с датой введения в действие 1 января 2013 г.
- Стандарты разработаны Центром защиты информации и специальной связи ФСБ России с участием ОАО «ИнфоТеКС»
- ГОСТ Р 34.10-2012 отличается от ГОСТ Р 34.10-2001 дополнительным вариантом выбора параметров и использованием хэш-функций по ГОСТ Р 34.11-2012 вместо ГОСТ Р 34.11-94
- Функции хэширования, впоследствии ставшие ГОСТ Р 34.11-2012, впервые представлены широкой общественности на РусКрипто'2010

# Схема подписи ГОСТ Р 34.10-2012

- ГОСТ Р 34.10-94, 2001, 2012 определяют *один и тот же* вариант *обобщённой* схемы Эль-Гамала:
  - Параметры:  $q$  – простое,  $G = \langle P \rangle_q$ ,  $R: G \setminus \{e\} \rightarrow \{0, \dots, q-1\}$ , хэш-функция  $h$
  - Выработка ключей:  $d \in_R \{1, \dots, q-1\}$  – ключ подписи (секретный),  $Q = dP$  – ключ проверки подписи (открытый)
  - Выработка подписи сообщения  $M$ :  $k \in_R \{1, \dots, q-1\}$ ,  $r = R(kP)$ ,  $s = rd + kh(M) \bmod q$ , подпись –  $(r, s)$
  - Проверка подписи сообщения  $M$ : подпись принимается  $\Leftrightarrow R((sh(M)^{-1} \bmod q)P - (rh(M)^{-1} \bmod q)Q) = r$

ГОСТ Р 34.10-	94	2001	2012
$q$ , битов	255-256		255-256, 509-512
$G$	подгруппа $GF(p)^*$ , $p$ – простое 510-512 или 1021-1024 бита	подгруппа $E(GF(p)) = \{y^2 = x^3 + ax + b\} \cup \{O\}$ , $p$ – простое, $p^t \not\equiv 1 \pmod q, t = 1, \dots, B$ , $\#E(GF(p)) \neq p, a \neq 0, b \neq 0$	
$B$	–	31	31, 131
$R$	$\bmod q$	$x$ -координата точки кривой $\bmod q$	
$h$	ГОСТ Р 34.11-94		ГОСТ Р 34.11-2012

# ГОСТ Р 34.10-2012: криптоанализ

- Теоретическое обоснование в модели с защищенным модулем (Варновский, 2008)
- Анализ безопасности конкретных вариантов кривых, используемых в документах по стандартизации (Алексеев и др., 2018)
- Общие методы криптоанализа: параллельный метод поиск коллизий (van Oorschot, Wiener, 1994) - выбранные размеры параметров не позволяют говорить о возможности применения метода в обозримое время

# ГОСТ Р 34.10-2012: реализация (теория)

- Оптимизация реализации умножения алгоритмическими методами (Гребнев, Дыгин 2013; Гребнев, 2016)
- Оптимизация реализации через представление в виде скрученной кривой в форме Эдвардса (Алексеев и др., 2014 )
- Оптимизация программной реализации (Бородин, Рыбкин, 2014)
- Оптимизация аппаратной реализации (Родионов, 2014)

# ГОСТ Р 34.10-2012: реализация (практика)

## Базовые механизмы

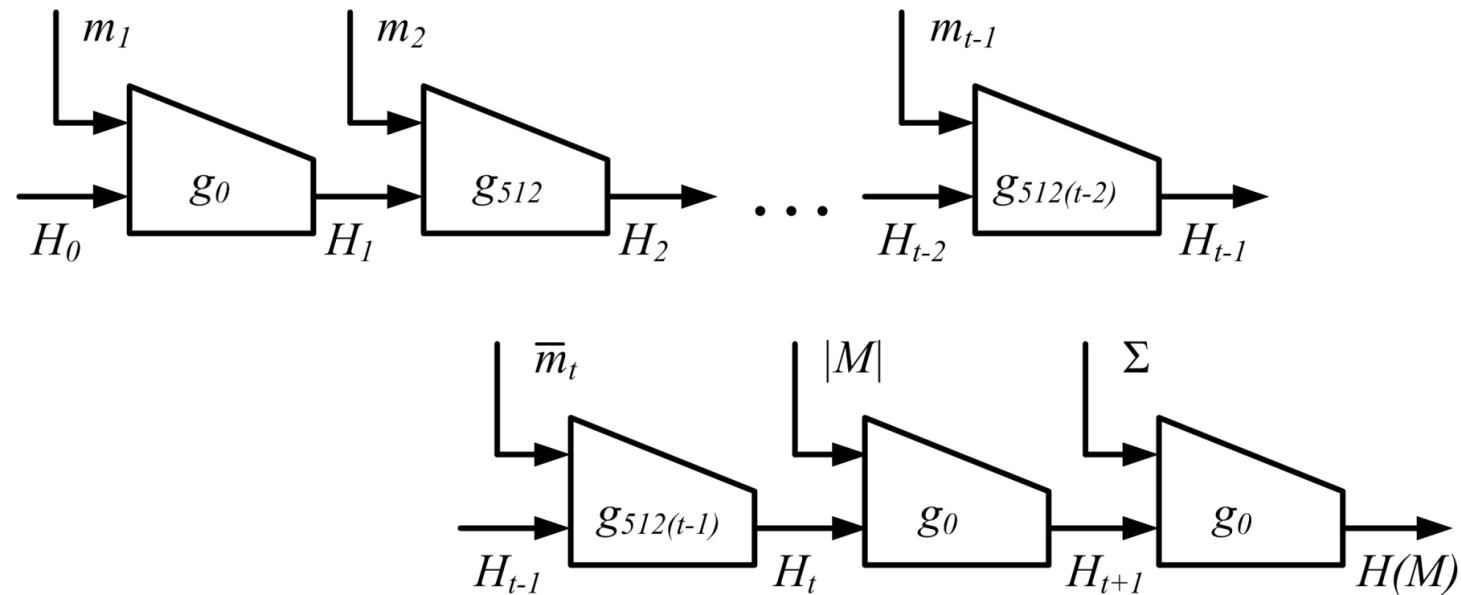
- Р 1323565.1.020-2020 (TLS 1.2)
- Р 1323565.1.024-2018 (Параметры ЭК)
- Р 1323565.1.033-2020 (XML)
- Р 1323565.1.025-2019 (CMS)
- Р 50.1.115-2016 (Общий ключ из пароля)
- Р 50.1.113-2016 (Сопутствующие алгоритмы)
- Р 1323565.1.025-2019 (Выработка общего ключа)
- Р 1323565.1.023-2018 (X.509)
- Р 1323565.1.030-2020 (TLS 1.3)
- Р 50.1.110-2016 (PKCS# 15)

## Прикладные механизмы

- Р 1323565.1.016-2018 (оффлайновая аутентификация)
- Р 1323565.1.015-2017 (EMV-сертификаты)
- Р 50.1.112-2016 (Транспортный контейнер PKCS#8, PKCS #12)
- Р 1323565.1.018-2018 (Контрольно-измерительные устройства)
- Р 1323565.1.013-2017 (SPC-F2)
- Р 1323565.1.028-2019 (Контрольно измерительные устройства)

# ГОСТ Р 34.11-2012: хэш-функции «Стрибог»

- Конструкция Меркля-Дамгорда с "подхэшированием" длины и суммы блоков сообщения
- Функция сжатия на основе конструкции Миягучи-Принеля, зависящая от номера блока
- Базовый XSL-шифр с длиной блока 512 бит (12.5 итераций)
- Длина хэш-кода 256 или 512 бит



Общий вид

# ГОСТ Р 34.11-2012: криптоанализ

- Более **20** работ в рецензируемых изданиях (конструкция в целом, функция сжатия, структурные элементы, реализации)
- **Нет результатов, свидетельствующих о невыполнении изначально предъявленных разработчиками требований к стойкости**
- Открытый конкурс работ по исследованию хэш-функции (2014-2015, streebog.info)
- Наилучший результат — алгоритм построения второго прообраза хэш-функции «Стрибог-512» для сообщения длины  $2^x$  блоков,  $0 < x < 179$ , с трудоёмкостью  $x2^{513-x}$  вызовов функции сжатия (Guo et al., 2014, первая премия конкурса)
- Седов, 2015: доказательство стойкости к построению коллизии и прообраза в модели идеального шифра (вторая премия конкурса)
- Наибольшее известное число раундов блочного шифра, при котором трудоёмкость построения коллизии функции сжатия меньше универсальной оценки – 9.5 (Wang et al., 2013)



# ГОСТ Р 34.11-2012: реализация (теория)

- Широкий спектр работ по оптимизации программных реализаций (Бородин, Рыбкин, 2014; Казимиров, Смышляев, 2013; Лебедев, 2012)
- Компактное представление структурных элементов (Бирюков и др., 2016)

# ГОСТ Р 34.11-2012: реализация (практика)

## Базовые механизмы

Р 1323565.1.006-2017 (PRF)  
Р 1323565.1.020-2020 (TLS 1.2)  
Р 1323565.1.033-2020 (XML)  
Р 1323565.1.025-2019 (CMS)  
Р 1323565.1.022-2018 (KDF)  
Р 50.1.115-2016 (Общий ключ из пароля)  
Р 50.1.113-2016 (Сопутствующие алгоритмы)  
Р 1323565.1.035-2020 (ESP)  
Р 1323565.1.023-2018 (X.509)  
Р 1323565.1.030-2020 (TLS 1.3)

## Прикладные механизмы

Р 1323565.1.016-2018 (оффлайновая аутентификация)  
Р 1323565.1.019-2018 (контрольно-кассовая техника)  
Р 1323565.1.011-2017 (оффлайновая проверка PIN)  
Р 1323565.1.003-2017 (S3G)  
Р 1323565.1.028-2019 (Контрольно измерительные устройства)

# ГОСТ Р 34.10-2012 и ГОСТ Р 34.11-2012 на международном уровне

- ГОСТ Р 34.10-2012:
  - международный стандарт ISO/IEC 14888-3:2018 (схема подписи EC-RDSA)
  - межгосударственный стандарт ГОСТ 34.10-2018
  - IETF RFC 7091
- ГОСТ Р 34.11-2012:
  - международный стандарт ISO/IEC 10118-3:2018 (хэш-функции STREEBOG-512, STREEBOG-256)
  - межгосударственный стандарт ГОСТ 34.11-2018
  - RFC IETF 6986
- Рекомендация Коллегии Евразийской экономической комиссии от 12.03.2019 N 9 «О перечне стандартов и рекомендаций в области информационной безопасности, применяемых в рамках реализации цифровой повестки Евразийского экономического союза»

# ГОСТ Р 34.10-2012 и ГОСТ Р 34.11-2012 и квантовые компьютеры

- ГОСТ Р 34.10-2012:

- Алгоритм Шора в теории:  $O(\log N)$  кубитов и  $O(\log^3 N)$  групповых операций
- Для DLOG в подгруппе  $E(GF(p))$  (Roettler et al., 2017, Haner et al. 2020) :
  - для  $q$  длины 256 бит  $\sim 2500$  кубитов и  $\sim 2^{34}$  гейтов
  - для  $q$  длины 512 бит  $\sim 5000$  кубитов и  $\sim 2^{37}$  гейтов
- Реализация на практике с учетом шумов - несколько миллионов кубит

- ГОСТ Р 34.11-2012:

- Вычислительная сложность поиска коллизии – ВНТ-алгоритм (Brassrad, Hoyer, Tapp) –  $O\left(2^{\frac{n}{3}}\right)$  вызовов функции
- $\sim 2^{86}$  и  $\sim 2^{171}$  вызовов хэш-функции, количество гейтов зависит от сложности реализации хэш-функции
- Количество кубит: для сообщения  $M$  требуется  $|M|+1536$  кубит (Денисенко, Рудской, РусКрипто'2022)

# Есть ли подпись после подписи?

Отдельные области применения требуют наличия схем подписи, обладающих специфическими свойствами

- Подпись вслепую для протоколов электронного голосования (Алексеев и др, завтра с утра)
- Короткая подпись для маркировки групп товаров (Гуселев, тогда же)
- Постквантовые схемы подписи
  - Рабочая группа ТК 26 «Постквантовые криптографические механизмы»
  - Подпись, основанная на функции хэширования (Гуселев, 2019; Булычев и др., 2020)